Nordisk symposium om trekonstruksjoner, København 1970 Innlegg fra NBI Nordic Symposium on Wood Constructions, Copenhagen 1970 Contributions by NBRI

TREKONSTRUKSJONER

Platekledning på gulv, vegger og tak og utvekslinger i trebjelkelag

Wood Constructions; floor, wall and roof sheathing materials, testing of framing of openings in wood joist floors

Ved Åge Hallquist, Guttorm Megård og Trond Ramstad



NORGES BYGGFORSKNINGSINSTITUTT

INNHOLD

Platekledninger på gulv og tak.	Side
Plateegenskapenes innflytelse på dimensjoneringen. Av sivilingeniør Åge Hallquist og lic. techn. Guttorm Megård	5
Skivevirkning av platekledde bindingsverksvegger. Av sivilingeniør Trond Ramstad	9
Utvekslinger i trebjelkelag. Av sivilingeniør Trond Ramstad	24

Platekledninger på gulv og tak. Plateegenskapenes innflytelse på dimensjoneringen

Sivilingeniør Age Hallquist, og lic. techn. Guttorm Megård

Innledning

Det er svært valig å bruke trebaserte bygningsplater i bolighus som bærende underlag for gulvbelegg og taktekkingsmaterialer. Ulike kledningsmaterialer til disse bruksformål er blitt prøvet ved Norges byggforskningsinstitutt for å finne frem til kriterier for, hvorledes materialene egner seg til formålet. NBI har samarbeidet med Statens Byggeforskningsinstitut i Danmark ved undersøkelsene.

Dette innlegget vil bli begrenset til en omtale av plateegenskapenes innflytelse på dimensjoneringen av etasjeskillere og tak for statiske og dynamiske belastninger. Hovedvekten i innlegget vil bli lagt på å vise, hvilken betydning materialegenskapene har for nedbøyningen av trebjelkelag under en statisk enkellast.

En generell funksjonsanalyse av etasjeskillere, hvor flere av undergulvets funksjoner er analysert, vil bli behandlet i en NBI-rapport som nå er under utarbeidelse.

Kvalitativ beskrivelse av kledningens bærende funksjoner

Tak

En bærende platekledning på tak skal kunne overføre belastningene som påføres taket til sperrer, åser eller bjelker.

Platene må da ha så stor bæreevne og være slik sammenføyet og forankret at deres bruddsikkerhet og stabilitet ved belastning er betryggende. For eksempel skal man ved arbeid på taket kunne bevege seg uten fare for gjennomstyrtning.

Platene må også være så sterke og stive, at sjenerende eller skadelige effekter ikke oppstår. Av slike effekter nevnes oppdemning på grunn av bakfall, lekkasje som følge av lokale skader på taktekkingen ved gjennomtramp, vinkelendring ved understøttelsene og åpning eller sprang i skjøter.

Kledningen kan også som en del av takkonstruksjonene ha til oppgave å avstive huset mot horisontale belastninger.

Gulv

Når kledningen anvendes som undergulv, skal belastninger på gulvet overføres til understøttelsene, som kan være tilfarere eller bjelker.

Kledningene skal bidra til en konstruksjon med tilfredsstillende bruddsikkerhet, og stivheten skal være slik, at sjenerende rystelser eller skjevheter på møbler o.l. ikke inntreffer ved normalt bruk av boligen. En feltundersøkelse, av hva beboerne oppfatter som sjenerende rystelser av spikrede trebjelkelag, er publisert i NBI-rapport nr. 26 (1). Bjelkelagenes svingningsegenskaper er her forsøkt karakterisert ved nedbøyningen under en statisk enkellast.

Undergulvet kan også ha til oppgave å avstive huset mot horisontale belastninger f.eks. fra vindtrykk eller jordtrykk. Spesielle krav må stilles til undergulvet, når det skal danne arbeidsplattform under byggingen av huset.

Plateegenskapenes innflytelse på dimensjoneringen

Tak

Ved jevnt fordelt belastning avhenger spennviddene man kan anvende for platekledningen av ma-' terialets tillatte spenninger og dets bøyestivhet. Kravene til bøyestivhet er nærmere beskrevet i (2).

I mange tilfeller vil nedbøyning og bruddlast under enkellast være dimensjonerende for platene. Platenes bøyestivhet i de to retninger i plateplanet vil være avgjørende for deres stivhetsegenskaper. — Hvilke andre faktorer enn bøyefastheten, som influerer på platenes gjennomlokningsstyrke vil bli nærmere utredet.

Hvilke plateegenskaper, som må være kjent ved dimensjonering mot dynamiske belastninger, er ikke undersøkt. Man støtter seg her til undersøkelser bl.a. ved SBI (3).

Gulv

De samme plateegenskaper som nevnt under avsnittet om tak vil også være avgjørende for et undergulvs stivhet og styrke mellom understøttelsene. Men i tillegg må man vurdere, hvilke plateegenskaper som influerer på samvirket mellom platekledningen og bjelkene i et bjelkelag, da man utnytter dette samvirket ved dimensjonering av bjelkelaget.

Ved spennvidder over ca. 2 m, har en i Norge funnet, at bjelkelagets svingningsegenskaper er dimensjonerende i bolighus. På grunnlag av den forannevnte feltundersøkelsen (1), har man valgt å karakterisere bjelkelagets svingningsegenskaper ved dets nedbøyning under en statisk enkellast. Kravet i de norske byggeforskrifter er, at beregnet nedbøyning for etasjeskillere av tre ikke må være større enn 0,9 mm ved 100 kp enkellast plassert i ugunstigste stilling på en bjelke.

Nedbøyningen er bare en av mange faktorer, som influerer på et bjelkelags svingningsegenskaper. Kravet er derfor sannsynligvis bare relevant for trebjelkelag, som er utført på tilsvarende måte som de ved feltundersøkelsen. Innledende svingningsmålinger av trebjelkelag er i gang ved NBI for å bli bedre kjent med svingningsegenskapene til slike konstruksjoner.

Det man nå vil presentere, er en beregningsmodell for beregning av nedbøyningen til trebjelkelag. Modellen er utprøvet ved å sammenligne beregningsresultater med prøvningsresultater for trebjelkelag prøvet i laboratoriet. Ulike kledningsmaterialer og spennvidder for bjelkene er prøvet.

Et typisk bjelkelag er vist på fig. 1. Bjelkene er fritt opplagt og har spennvidde 1. Senteravstanden mellom bjelkene er lik a. Platen er spikret til bjelkene og har ortogonalt anisotrope materialegenskaper i akseretningene x og y.



Fig. 1. Trebjelkelag prøvet i laboratoriet.

Spikerforbindelsen gjør, at en får samvirke mellom platen og bjelkene. Laboratoriprøvning viste, at på grunn av T-virkningen i y-retning fikk bjelkelaget en vesentlig stivhetsøkning.

For en vilkårlig vertikal belastning på bjelkelaget, blir derfor platen påkjent av både bøyemomenter og skivekrefter. På grunn av dette har en valgt å regne bjelkelaget som et plant ortotropt skall understøttet av bjelker. Mellom platen og overkant av bjelken har en innført fjærer, som skal representere spikerforbindelsen se fig. 2. En nøyaktig beskrivelse av beregningsmodellen er gitt i (4).



Fig. 2. Fjærsystem som representerer spikerforbindelsen.

Elastistitetlovene for ortotrope plater:

For sponplater og kryssfiner er materialegenskapene forskjellig i de tre akseretninger x, y, z. Når man skal lage en beregningsmodell, er det derfor naturlig å ta utgangsspunkt i ortotrop skive- eller plateteori.

På fig. 2 er vist en plate hvor x, y-aksen representerer de ortotrope retningene. For et enkelt ortotropt lag har en denne sammenhengen mellom tøyningene og spenningene:

$$\epsilon_{x} = \frac{\sigma_{x}}{E_{x}} - \nu_{y} \frac{\sigma_{y}}{E_{y}}$$

$$\epsilon_{y} = \frac{\sigma_{y}}{E_{y}} - \nu_{x} \frac{\sigma_{x}}{E_{x}}$$
(1)
$$\gamma_{xy} = \frac{\tau_{xy}}{G}$$

hvor

 E_x , E_y = elastisitetsmodulen i henholdsvis x- og y-retning. ν_x , ν_y = Poissons tall.

G = skjærmodulen.

Ifølge Betty's sats har en at:

$$\nu_{\rm x} {\rm E}_{\rm y} = \nu_{\rm y} {\rm E}_{\rm x} \tag{2}$$

For et gitt lag i platen trenger en derfor kjenne fire materialkonstanter, dvs. E_x , E_y , ν_x , (ν_y) , G. En får dette uttrykket for spenningene:

$$\sigma_{x} = \frac{E_{x}}{1 - \nu_{x} \nu_{y}} (\epsilon_{x} + \nu_{y} \epsilon_{y}) = E_{x}' \epsilon_{x} + E'' \epsilon_{y}$$

$$\sigma_{y} = \frac{E_{y}}{1 - \nu_{x} \nu_{y}} (\epsilon_{y} + \nu_{x} \epsilon_{x})$$

$$= E_{y}' \epsilon_{y} + E'' \epsilon_{x}$$
(3)

 $\tau_{xy} = G \gamma_{xy}$

Består platen av mange lag med ulike materialegenskaper, må en finne uttrykk for elastisitetsegenskaperne for hele platen.

Antar en, at materialegenskapene er symmetriske om midtsnittet av platen, og at tøyningene er gitt i følge vanlig plateteori dvs.

$$\epsilon_{x} = u_{,x} + z w_{,xx}$$

$$\epsilon_{y} = v_{,y} + z w_{,yy} \qquad (4)$$

$$\gamma_{xy} = u_{,y} + v_{,x} + 2z w_{,xy}$$

får en følgende uttrykk for skivekreftene og bøyningsmomentene, se figur 3:

$$N_{x} = \int_{A} \sigma_{x} dz = C_{x} u_{,x} + C_{1} v_{,y}$$

$$N_{y} = \int_{A} \sigma_{y} dz = C_{y} v_{,y} + C_{1} u_{,x}$$

$$N_{xy} = \int_{A} \tau_{xy} dz = C_{xy} (u_{,y} + v_{,x})$$
(5)

$$M_{x} = -\int_{A} \sigma_{x} z dz = -D_{x} w_{,xx} - D_{1} w_{,yy}$$

$$M_{y} = -\int_{A} \sigma_{y} z dz = -D_{y} w_{,yy} - D_{1} w_{,xx}$$
(6)
$$M_{xy} = -\int_{A} \tau_{xy} z dz = -2D_{xy} w_{,xy}$$

Ligningene ovenfor representerer nå elastisitetsloven for platen. Tverrsnittskonstantene Cx, Cl, Cy, C_{xy} og D_x , D_l , D_y , D_{xy} kan finnes, når en kjenner materialegenskapene for hvert lag.



Fig. 3. Ortotropt plateelement.

Består platen av k lag, får en følgende uttrykk for tverrsnittkonstantene, konferer ligning (3):

$$C_{x} = \sum_{1}^{k} E_{xi}' \int_{A} dz , \qquad C_{y} = \sum_{1}^{k} E_{yi}' \int_{A} dz$$

$$C_{1} = \sum_{1}^{k} E_{i}'' \int_{A} dz , \qquad C_{xy} = \sum_{1}^{k} G \int_{A} dz$$

$$D_{x} = \sum_{1}^{k} E_{xi}' \int_{A} z^{2} dz , \qquad D_{y} = \sum_{1}^{k} E_{yi}' \int_{A} z^{2} dz$$

$$D_{1} = \sum_{i}^{k} E_{i}^{"} \int_{A} z^{2} dz , \qquad D_{xy} = \sum_{i}^{k} G \int_{A} z^{2} dz$$

I de fleste tilfeller vil det være enklest å finne ' tverrsnittkonstantene direkte ved prøvning. Cx, C_l , C_y finnes da ved strekk eller trykkprøver og C_{xy} ved en skjærprøve. D_x , D_l , D_y og D_{xy} finnes ved bøyeprøver.

En skal nå se, hvilket tverrsnittskonstanter som betyr mest for et trebjelkelags stivhet og lastfordelende evne:

Ved en enkellast på 100 kp plassert over en av bjelkene er det klart, at bøyestivheten D_x betyr mye for bjelkelagets evne til å fordele lasten i xretningen. Beregningsmodulen viste da også, at en liten variasjon av D_x ga store endringer i nedbøyningen.

Endringer i de andre bøyestivhetene dvs. Dy, D₁, D_{xy} hadde forholdsvis liten innflytelse på nedbøyningen.

På grunn av T-virkningen av bjelkene i y-retning bør en skaffe til veie nøyaktige data for Cy. En skal dessuten merke seg at beregningsmodellen vis-

te at C_{xy} , dvs. "skjærmotstanden", har stor innvirkning på den medvirkende platebredde og dermed på bjelkelagets stivhet.

En forandring av fjærkonstanten dvs. stivheten av spikerforbindelsen hadde forholdsvis liten betydning.

Av de undersøkelsene, som hittil er foretatt, skulle det da framgå, at det er svært viktig å kjenne nøyaktige verdier på D_x , C_y og C_{xy} . En feil i disse størrelsene får stor innvirkning på nedbøyningen. En liten unøyaktighet i de andre størrelsene spiller mindre rolle.

En sammenligning mellom beregnede og målte nedbøyninger for et gulv med sponplate til undergulv er vist på fig. 4.

Referanser

- Hansen, Henry. Nedbøyning av trebjelkelag. Norges byggforskningsinstitutt, rapport nr. 26, Oslo 1958.
- (2) Hallquist, Åge. Dimensjonering av bærende underlag på gulv og tak. Tekn. Ukeblad, Bd. 117, nr. 15, Oslo 1970.
- (3) Johansen, Marius. Styrke- og stivhedskrav til gulve og tagunderlag. Statens Byggeforskningsinstitut, særtryk 200, København 1969.
- (4) Beregning av nedbøyning for trebjelkelag. Norges byggforskningsinstitutt, intern arbeidsrapport nr. F-624/4, Oslo 1970.



Fig. 4. Sammenligning mellom beregnede og målte nedbøyninger for y = 1/2.

Skivevirkning av platekledde bindingsverksvegger

Sivilingeniør Trond Ramstad

Tradisjonelt har innfelte skråbånd av bord vært benyttet i bindingsverksvegger for å gi disse nødvendig stivhet og styrke til å oppta horisontale krefter, som forårsakes av vindbelastning, og som virker i veggens plan. Idag benyttes plater i stor utstrekning som kledning av bindingsverk, og i motsetning til panel (bordkledning) er plater velegnet til å oppta krefter i veggens plan. Det hersker imidlertid usikkerhet om, hvor store belastninger man kan regne, at en vegg kan ta, når denne er kledd med en eller flere av de vanlige platekledninger, som benyttes idag. Det er utført en lang rekke forsøk i mange land med sideavstivning av bindingsverksvegger, spesielt med vegger kledd med kryssfinerplater eller skrålagte bord, men disse forsøksresultatene er vanskelig å benytte i Norden, fordi vi her benytter andre platematerialer og andre festemetoder.

Ved Norges byggforskningsinstitutt undersøkes nå hvordan våre vanlige kledningsplater virker som avstivende skiver i en vegg, og hensikten med undersøkelsene er å komme fram til praktiske maksimallaster for dimensjonering av sidestivheten til et hus. Det undersøkes også, hvordan stivhet og styrke av platekledde vegger kan beregnes utfra materialegenskaper hos platekledningene samt stivhet og styrke av stiftforbindelsen mellom plate og bindingsverk. Undersøkelsene hittil omfatter prøvebelastning av veggfelter med dimensjon 2,4 m x 2,4 m, hvor det er prøvet 14 ulike kombinasjoner av plater og stift. Videre er det registrert last/deformasjonskurver for belastning av en stift montert gjennom et platemateriale og inn i trevirke tilsvarende det, som benyttes i bindingsverk, ialt er det prøvet 13 kombinasjoner av stifttype og platetype. For å undersøke nærmere ved hvilke deformasjonsområde sjenerende deformasjoner kan oppstå, er det også foretatt prøvebelastning av en ferdig oppbygget yttervegg med både utvendig og innvendig kledning, vindu, og tilslutninger til himling og tverrgående vegg.

Prøvebelastning av veggfelter

Prøvebelastning av veggfelter utføres i prinsippet som beskrevet i ASTM prøvemetode nr. E-72-66. Veggene består av et bindingsverk, hvor både toppsvill, bunnsvill og stendere er gran i dimensjon

48 mm x 98 mm, og hvor platekledningen, som skal prøves, spikres på bindingsverkets ene side. Stenderavstanden er c/c 60 cm og veggens høyde 2,4 m. En type kledning ble prøvet med vegglengde 1,20 m, men alle andre forsøk er gjort med vegglengde 2,40 m, se fig. 1. Prøveveggens bunnsvill boltes fast til laboratoriets betonggulv, og for å hindre veggen i å bevege seg normalt på veggens plan styres toppsvillen av fire hjul plassert som vist på fig. 1. Veggen belastes horisontalt langs veggen med en hydraulisk trykksylinder, og kraften overføres til veggen gjennom en firkant, som er boltet til veggens toppsvill. For å hindre veggen i å løfte sig ved den siden der kraften påføres, er det montert et strekkstag i betonggulvet, som holder veggen nede gjennom et rullelager over toppsvillen. Påført kraft registreres med en elektrisk lastcelle plassert mellom trykksylinderen og veggen. Horisontal deformasjon av prøveveggen ved belastning registreres med et måleur plassert mot toppsvillen (måleur nr. 1, fig. 1), og uret registrerer veggens utbøyning målt i forhold til betonggulvet. For registrering av eventuell forskyvning av bunnsvill eller løftning av sidestenderen nærmest kraftpåføringspunktet monteres også to måleur nederst på veggen som vist. Veggens horisontale utbøyning ved toppsvill registreres som deformasjon avlest på måleur 1 minus deformasjoner avlest på måleur 2 og 3.

Prøveveggene belastes først opp til 200 kp og avlastes deretter igjen. Så belastes veggene til 400 kp og avlastes igjen. Til slutt belastes veggene til brudd inntreffer. Som brudd regnes den maksimale last som veggen klarer å holde. For veggtypene nr. 1, 2 og 4 (se tabell 1) var belastningen noe anderledes, da disse ble avlastet etter henholdsvis 500 kp og 1000 kp horisontal last. Veggens utbøyning ble registrert ved hver 50 kp pålastning opp til 400 kp, deretter for hver 200 kp pålastning. Etter hver avlastning ble "varig" deformasjon avlest 5 minutter etter avlastning.

Tabell 1 viser de 14 veggtypene som er prøvet. For hver veggtype er 3 like vegger prøvebelastet. Fig. 2-8 viser i detalj, hvordan platene er festet til bindingsverket.

Samtlige plater er 2,4 m høye. Stiftavstanden er 100 mm langs alle platekanter og 200 mm inne på platene (100 mm for veggtype 12 og 14, 150 mm for veggtype 8).

Veggtype nr.	Platetype Platebredde og skjøttype		Stifttype	Montering av plater se fig.
1	12 mm panelplater	1,20 m, limt fals	20/40 firkant	1
2	12 mm panelplater	1,20 m, limt fals	19/35 platestift	1
3	12 mm panelplater	1,20 m, (vegglengde 1,20 m)	19/35 platestift	2
4	12 mm panelplater	0,60 m, limt fals	19/35 platestift	3
5	12 mm panelplater	0,60 m, ulimt not og fjær (skjult spikring)	19/35 platestift	4
6	12,5 mm asfaltimpr. porøse trefiberplater	1,20 m, butt i butt	20/50 firkant	5
7	13 mm gipsplater	1,20 m, butt i butt	23/35 gipsplatestift	5
8	3.2 mm Internit	1.20 m, butt i butt	28/25 pappstift	5
9	13 mm sponplater	1.20 m, limt fals	20/40 firkant	1
10	13 mm sponplater	1.20 m. limt fals	29/65 platestift	1
11	13 mm sponplater	0,60 m, ulimt not og fjær (skjult spikring)	20/40 firkant	4
12	13 mm sponplater	1,20 m, limt fals	20/40 firkant og pl. limt til bindingsv.	1
13	13 mm gipsplater	1,20 m, horisontal sparklet skjøt	23/35 gipspl. stift (ingen stift i toppsy.)	6
14	13 mm gipsplater	1,20 m, vertikal sparklet skjøt	23/35 gipspl. stift (ingen stift i toppsv.)	7

Tabell 1. Prøvede veggtyper.

Veggtype	Horisontal deformasjon ved last som angitt (mm)					Varig horisontal deformasjon etter last som angitt (mm)			Maksimal last
nr.	200 kp	400 kp	600 kp	800 kp	1000 kp	200 kp	400 kp	500 kp	(kp)
1	0,76	1,50	2,40	3,52	4,59			0,76	1885
2	1,26	2,27	3,29	4,78	6,63	·		1.88	1740
3	3,87	7,30	16,23			1,19	1,54		735
4	0,62	1,41	2,35	3,55	5,02			0,86	1965
5	3,34	10,29				5,22	9,21		475
6	4,38	8,54				1,32	4,03		600
7	0,91	2,32	4,30	7,46	13,22	0,57	0,90		1510
8	0,87	1,70	2,69	3,56	4,74	0,21	0,43		2135
9	1,04	2,43	3,38	4,88	6,57	0,35	0,71		1700
10	0,95	2,37	3,95	5,46	6,91	0,25	1,03		2965
11	4,47	11,31				2,51	5,86		615
12	0,85	1,72	2,50	3,08	3,73	0,10	0,26		2365
13	2,84	5,50	11,46			1,09	3,09		875
14	1,14	3,73	7,76	14,42		1,70	4,34		965

Tabell 2. Måleresultater for prøvebelastning av veggfelter. (Middeltall av 3 vegger.)

Utdrag av måleresultatene er vist i tabell 2. De viste utbøyninger ved 200 kp—1000 kp er utbøyninger målt etter at prøveveggene har vært belastet opp til 400 kp og avlastet igjen med påfølgende nullstilling av måleurene. Ved første gangs pålastning opptil 200 kp og 400 kp var veggene noe mykere.

Brudd i veggene skjedde fortrinnsvis som bøyning og uttrekking av stiftene som følge av sidebelastning på disse. For vegger med porøse, asfaltimpregnerte trefiberplater og gipsplater ble fortrinnsvis platematerialet rundt stiften deformert. For veggene med Internit og veggene med sponplater festet med stift 29/65 inntraff brudd ved utknekking av platene slik, at stifthodet delvis ble trukket gjennom platematerialet. I veggene, der sponplater var limt til bindingsverket, kom brudd forholdsvis brått, idet skjærspenningene i platenes overflate ved limfugene ble for store.

Plater med not og fjær og skjult spikring blir bare festet på tre platekanter, og vegger med plater festet på denne måten blir som ventet betydelig svakere enn for veggtyper, hvor platene festes langs alle kanter. Det fremgår av forsøkene, at når platene limes sammen i skjøtene (PVA-lim), virker disse sammen som en stiv skive, og skjærbrudd i fugen inntraff ikke i noen av de prøvede vegger. Forsøkene viser også, at panelplater, sponplater og gipsplater ikke utnyttes maksimalt med den spikring, som er vanlig i dag. Større stivhet og styrke kan oppnås spesielt ved bruk av tykkere stift.



Trykksylinder med lastcellë spenner mot stålrigg. Måleurene festes til frittstående ramme og til betonggulvet.

Fig. 1. Forsöksoppstilling for sidebelastning av bindingsverksvegg.

of the manufacture of the state of the second state of the









Veggtype nr 3 : 12mm panelplater med stift 19/35 kammet el. forsinket platestift

Veggtype nr. 4: 12mm panelplater med stift 19/35 kamme forsinket platestift.

Fig. 3. Feste af 1200 mm x 2400 mm plater på 1200 mm lang vegg. Fig 4. Feste af 600 mm x 2400 mm plater med limt fals.



Fig 5. Feste av 600 mm x 2400 mm plater med not og fjær og skjult spikring.



Veggtype nr. 6: 12,5mm asfaltimpregnerte, porøse trefiberplater med stift 20/50 el. forsinket. Veggtype nr. 7: 13 mm gipsplater med stift 23/35 kammet el. forsinket gipsplatestift. Veggtype nr. 8: 3,2mm Internit med stift 28/25 varmgalvanisert pappstift.

Fig. 6. Feste av 1200 mm x 2400 mm plater med butt i butt skjøt.



Veggtype nr. 13: 13mm gipsplater med stift 23/35 kammet el. forsinket gipsplatestift.

Fig. 7. Feste av 1200 mm x 2400 mm gipsplater med sparklet horisontal skjøt.



SNITT A-A

Veggtype nr. 14: 13 mm gipsplater med stift 23/35 kammet el. forsinket gipsplatestift.

Fig. 8. Feste av 1200 mm x 2400 mm gipsplater med vertikal sparklet skjøt.

Måling av last/deformasjonskurve for stiftforbindelser

For å finne stivhet og styrke av en enkelt stift festet til bindingsverket gjennom et kledningsmateriale ble last/deformasjonskurver registrert ved belastning av prøvestykker som vist på fig. 9. Forskyvning av plate i forhold til trestykket ble registrert med induktiv giver og kontinuerlig tegnet sammen med påført last på en x-y skriver. De 13 ulike kombinasjoner av stift- og platetyper samt utdrag av måleresultatene er vist i tabell 3. For hver type plate/stift ble det prøvet 5 like prøvestykker.

Det er også gjort forsøk med 13 mm sponplater og 29/65 platestift samt 12,5 mm asfaltimpregnerte, porøse trefiberplater og 28/65 firkant, men brudd inntraff da p.g.a. strekkspenninger i platematerialet slik, at forsøkene her må gjøres om igjen med bredere platestykker.

Forsøk med ferdig oppbygget vegg

Det hersker stor usikkerhet om hvilke horisontale deformasjoner av en vegg, som kan anses som skadelig eller sjenerende. Ved NBI er det prøvebelastet en 2,4 m x 2,4 m bindingsverksvegg, som er kledd med gipsplater (montert som for veggtype 13) på den ene siden og utvendig, liggende panel på den andre siden, se fig. 10. Midt i veggen var det montert et vanlig 9M x 12M sidehengslet svingvindu etter Norsk Standard, med to separate rammer som svingte hver sin vei. Åpning mellom ramme og karm ved ytterste ramme var ca. 2 mm. Det var også laget overgang til himling og overgang til tverrvegg på prøveveggene. Invendige gipsplater ble sparklet med tape i begge overganger.

Prøveveggen ble belastet som de andre veggene, men ble ikke avlastet ved 200 kp og 400 kp. Deformasjoner ble avlest ved hver 25 kp pålastning helt til brudd, og det ble hele tiden nøye observert tegn til skader på veggene.

Følgende resultater ble observert:

- Ved last 375 kp og utbøyning 5,93 mm: Ytre vindusramme kan ikke lenger åpnes.
- Ved last 650 kp og utbøyning 10,73 mm: Indre vindusramme kan ikke lenger åpnes.
- Ved last 900 kp og utbøyning 17,17 mm: Begynnende sprekker i gipsplatene ut fra vinduets fire hjørner.
- Ved last 1175 kp og utbøyning ca. 25 mm: Maksimal last som veggen kan holde. Store sprekker i gipsplatene.Skjøt i gipsplatene uskadd.

Platetype/Stifttype		Last ved 0,55 mm deformasjon	Last ved 1,0 mm deformasjon	Maksimal last
A	12 mm panelplate 19/35 platestift	24,3 kp	33,1 kp	51,9 kp
В	12 mm panelplate 25/55 platestift	40,6 "	51,8 "	84,4 "
С	12 mm panelplate 20/40 firkant	30,0 "	39,0 "	53,7 "
D	12,5 asfaltimpr. porøs pl. 20/50 firkant	11,3 "	14,0 "	21,4 "
Е	3,2 mm Internit 28/25 pappstift	59,1 "	76,6 "	107,6 "
F	13 mm gipsplate 23/35 gipsplatestift	15,1 "	22,4 "	55,7 "
G	11 mm gipsplatestift	20,1 "	26,5 "	43,4 "
Н	10 mm sponplate 20/40 firkant	39,9 "	47,5	56,3 "
I	10 mm sponplate	43,3 "	56,5 "	81,9 "
J	13 mm sponplate	37,6 "	44,1 "	51,9 "
K	13 mm sponplate	39,2 "	47,7 "	68,3 "
L	9 mm kryssfiner *	41,4 "	52,0 "	74,6 "
М	9 mm kryssfiner ** 25/55 platestift	48,2*"	60,3 "	85,3 "

Tabell 3. Styrke og stivhet av enkel stiftforbindelse. (Middeltall av 5 prøvestykker) Last parallellt ytterfinerets fiberretning. (Platen har totalt 3 finerlag.)
 Last vinkelrett på ytterfinerets fiberretning.



Fig 9. Prøvestykke for måling av last/deformasjonskurve for stiftforbindelser.

Prøvevegg med vindu, kledning på begge sider og tilslutning til himling og tverrvegg.



Fig. 10. Provevegg med vindu, kledning på begge sider og tilslutning til himling og tverrvegg.

Det var ikke mulig å observere synlige tegn til deformasjoner, skader eller annet før sprekkene i gipsplatene ved vindushjørnene oppsto. Videre synes det ikke å være fare for, at glasset i vinduer skal briste. Konstruksjonen ble etter brudd belastet til en utbøyning på ca. 35-40 mm og da ble rammene ødelagt rundt hjørnebeslagene og kittet fullstendig deformert og falt delvis ut uten at glasset gikk i stykker.

Tillatte belastninger

En måte å bestemme tillatte belastninger på kan være å gå ut fra den maksimale last, som er målt ved prøvebelastning, dividere denne med en sikkerhetsfaktor og så kontrollere om den beregnede last vil gi sjenerende eller skadelige deformasjoner. I Norsk Standard for trekonstruksjoner er det angitt, at konstruksjoner, som er dimensjonert for

	Veggtype (tabell 1)	Minste registr last divide (kp)	rerte maksimal- rt med 1,75 (kp/m)	Utbøyning til- svarende angitt last.(mm)
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14	12 mm panelplater, stift 20/40 12 mm panelplater, stift 19/35 12 mm panelplater, stift 19/35 12 mm panelplater, stift 19/35 12 mm panelplater, stift 19/35 12 mm panelplater, not og fjær 12,5 mm asfalt impregn. porøse pl. 13 mm gipsplater, stift 23/35 3,2 mm Internit, stift 28/25 13 mm sponplater, stift 20/40 13 mm sponplater, stift 29/65 13 mm sponplater, not og fjær 13 mm sponplater, limt til stend. 13 mm gipsplater, sparklet skjøt 13 mm gipsplater, sparklet skjøt	$1029 \\ 914 \\ 400 \\ 1100 \\ 257 \\ 329 \\ 829 \\ 1143 \\ 914 \\ 1631 \\ 343 \\ 1229 \\ 457 \\ 543$	429 381 333 458 107 137 345 476 381 680 143 512 190 226	ca. 4,7 " 6,1 " 7,3 " 5,5 " 4,3 " 7,0 " 7,7 " 5,4 " 6,0 " 11,1 " 9,7 " 4,4 " 7,1 " 6,7

Tabell 4. Maksimal last divideret med 1.75.

korttidsbelastning ved belastningsprøvning, skal tåle en last på 1,75 ganger den belastning, konstruksjonen er dimensjonert for. Går man ut fra den laveste av de tre maksimale laster, som ble målt for hver av de prøvede veggtyper, får man følgende laster som vist i tabell 4. I tabellen er samtidig vist tilsvarende last i kp pr. meter vegglengde, samt hvilken utbøyning denne lasten gir.

De fleste verdiene, som er angitt i tabell 4, synes ikke å ville gi større utbøyninger av veggene, enn at disse burde kunne aksepteres. Det må understrekes, at en forutsetning for bruk av resultatene er, at veggene forankres slik, at de hindres i å løftes. Tillatte laster for vegger med skjult spikring, d.v.s. spikret på bare 3 sider (type 5 og 11) samt vegger med gipsplater, som ikke spikres i toppsvill (type 13 og 14), bør imidlertid ligge lavere enn vist i tabell 4 på grunn av de store permante deformasjoner. En vesentlig del av stivheten i veggtype 5 og 11 ligger i friksjon, som opptrer mellom platene, når disse forskyver seg. Også den angitte last for sponplater med stift 29/65 ligger muligens for høyt p.g.a. den permanente deformasjon, som må ventes å bli stor etter avlastning fra 1631 kp.

Beregning av stivhet og styrke

Maksimal last

Ser man på bruddbildet av veggene etter prøvebelastning, kunne det registreres, at platene forskjøv seg i forhold til bindingsverket, som vist på fig. 11. Der platene var limt i skjøtene, dreiet hele den sammenlimte skiven seg om aksen S-S i fig. 11 a, og der platene bare hadde butt i butt skjøt, dreiet platene seg om aksene S-S i fig. 11 b. Aksene representerer den vertikale midtlinje gjennom de sammenhengende stive skiver. Dreiningene fremkommer, fordi bindingsverket får en tvungen bevegelse som vist på grunn av strekkstaget. Dersom man antar, at platene ikke forskyver seg i forhold til den stender, som ligger i akse S-S, kan maksimal last beregnes på følgende måte:

Kraften i stiftene, som fester platen, settes proporsjonal med avstanden fra linjen S-S. Summen av hver enkelt stifts moment om linjen S-S settes lik det påførte moment.

 $\begin{array}{l} p \cdot h = \Sigma \ K_i \ x_i \\ der \ P = p \\ a f \\ orthonsontal \ kraft \\ h = veg \\ p \\ w \\ den \\ K_i = kraften \ i \ den \ enkelte \ stift \\ x_i = av \\ standen \ fra \ den \ enkelte \ stift \ til \ ak \\ sen \\ S-S. \end{array}$

Maksimal last (P_{max}) finnes så ved å sette inn den maksimale kraft, som en enkelt stift kan ta (tabell 3) for de stiftene, som ligger lengst fra aksen S-S. Kraften i de stiftene, som ligger nærmere aksen S-S, beregnes ut fra avstanden til aksen, og P_{max} kan derved beregnes. Tabell 5 viser de beregnede maksimale laster sammenliknet med middeltallet for de målte maksimallaster.

Som man ser, stemmer de beregnede resultater meget godt med de målte. Etter de antagelser, som er gjort i beregningsmodellen, vil ikke stiftene, som står i aksene S-S, bli belastet. For å kontrollere dette ble to ekstra vegger kledd med gipsplater prøvet, der platene ikke var spikret



Fig. 11a. Forskyvning av 1,2 m brede plater med limt skjöt.



Fig 11b. Forskyvning av 1,2 m brede plater med butt i butt skjöt.



Fig. 11c. Forskyuning av 0,6 m brede plater med not og fjær og skjult spikring.

Veggtype nr.	Målt maksimal last	Beregnet maksimal last
1	1885 kp	1868 kp
2	1740 "	1805 "
3	735 "	695 "
4	1965 "	1950 "
6	600 "	573 "
7	1510 "	1490 "
9	1700 "	1805 "

Tabell 5. Sammenlikning av målte og beregnede maksimallaster.

langs aksene S-S. Det viste seg da, at den målte maksimale last ble den samme som for vegger med stifting langs aksene S-S. Det kan også nevnes at ved å beregne summen av stiftenes moment om sentrum av den stive skive istedenfor om aksen S-S, slik flere har foreslått i litteraturen, blir de beregnede maksimale laster vesentlig høyere enn de målte. Beregningsmodellen gjelder bare der, hvor spikringen er så svak, at brudd ikke skjer ved utknekking av platene. Beregning av veggtype 8 og 10 etter viste metode gir således for høye laster, da disse fikk brudd ved utknekking. Forøvrig passer beregningsmodellen for de prøvede vegglengder på 1,20 m og 2,40 m, mens den for vesentlig lengre vegger, hvor platene er limt sammen til en skive, ikke vil kunne gjelde.

Plater med skjult spikring (type 5 og 11) forskyver seg som vist på fig. 11 c. Beregning av stiftenes moment om de enkelte stendere, hvor platene er festet, gir meget små maksimale laster i forhold til de målte, fordi friksjonen i not og fjær mellom platene bidrar til å øke stivheten av veggen.

Utbøyning

Deformasjon av vegger ved sidebelastning vil være avhengig av følgende:

- 1. Deformasjon av stiftforbindelsene.
- Deformasjon av platene på grunn av skjærkraft i platenes plan.
- Deformasjon av platene på grunn av bøyning i platenes plan.

Deformasjoner nevnt under punkt 1 kan finnes ved hjelp av samme beregningsmodell som beskrevet ovenfor. Kraften i de stiftene, som ligger lengst fra aksen S-S, bestemmes ut fra den påførte ytre kraft. Fra last/deformasjonskurvene for stiftforbindelsene finnes så den forskyvning δ som tilsvarer kraften på stiften, og vinkelen v (se fig. 11 a) beregnes så ved divisjon med avstanden til asken S-S, når platene regnes som uendelig stive. Utbøyning på grunn av deformasjoner som nevnt under punkt 2 og 3 må beregnes av formlene:

$$\gamma = \frac{\tau}{G}$$

og d =
$$\frac{\mathbf{p} \cdot \mathbf{h}^3}{3\mathrm{EI}}$$

der γ = vinkelendring av platen p.g.a. skjærspenning.

 $\tau = påført skjærspenning.$

G = skjærmodul parallellt platens plan.

 $E = b \phi yee lastisitets modul parallellt platens plan.$

I = motstandsmoment mot bøyning i platens plan.

Materialkonstantene G og E er foreløpig ikke målt, og de kan heller ikke finnes i litteraturen for de aktuelle platematerialer. Det er forsøkt å tippe materialkonstanter for beregning av deformasjoner i platenes plan, men disse blir svært vilkårlige. Det er imidlertid planlagt ved NBI å lage utstyr slik, at også G-modulen kan måles.

I det videre arbeid med skivevirkning av platekledninger vil man også forsøke å beregne stivhet og styrke av de prøvede vegger og andre konstruksjoner mer nøyaktig ved EDB-program basert på elementmetoden. NBI håper dette kan utføres i løpet av 1970.

Utvekslinger i trebjelkelag

Sivilingeniør Trond Ramstad

Prøvede vekslinger

14

Ved Norges byggforskningsinstitutt er det utført belastningsforsøk med tre typer forbindelsesmidler for utveksling av åpninger i trebjelkelag. Utførelse med vekseljern (fig. 1) er vanlig metode i Norge i dag. Jernet er laget av 0,9 mm tykt, forsinket stål og leveres som et rett stykke. Vekseljernet bøyes ved montering rundt bjelkene som vist og festes med stift i ferdige hull. Jernet er noe besværlig å montere, og har også den ulempe at stivheten av vekslingen reduseres ved krympning av trebjelkene. All last på vekslingen overføres kun på de stift som sitter i bjelksidene, fordi jernet ikke krymper sammen med trevirket, og man kan følgelig ikke dra nytte av, at dette er bøyd over og under bjelkene.

For å undersøke raskere og bedre metoder for utførelse av utvekslinger har NBI foruten veksling med vekseljern prøvebelastet vekslinger med vinkeljern og stikksprikring. Vinkeljernene (fig. 2) kan lages av 1,2 mm forsinket stål med vangebredde 50 mm og høyde 160 mm da nesten alle bjelkelag utføres med 200 mm høye bjelker. Vinkeljernene har plass til 6 stk. stift opp til størrelse 28/75 i hver vange, men lengden av stiften i bjelkeenden er avhengig av bjelkebredden. Vinkeljernene er enkle å montere, da ett jern festes, under oppmerkningen for utvekslingen, og når bjelkeenden skal festes, legges denne bare inntil jernet og er derved kommet i riktig stilling. Antall stift blir omtrent det samme som ved bruk av vekseljern, men stivheten av vekslingen vil ikke i samme grad være influert av bjelkenes krympning.

Stikkspikring (fig.3) er den enkleste, raskeste og billigste metoden å utføre vekslinger på. De prøvede vekslinger var utført med 6 stk. stift 34/100, 3 stk. slått inn fra hver side i 45° vinkel som vist. Stikkspikring er ikke alminnelig akseptert av byggekontrollen i Norge, men like fullt utføres det en mengde utvekslinger på denne måten og med tilfredsstillende resultat.

Prøvningsmetode

Vekslinger med vekseljern, vinkeljern og stikkspikring ble prøvebelastet med en vertikal, statisk korttidslast. De enkelte vekslinger ble utført med en 50 mm x 200 mm bjelke tilsluttet en 75 mm x 200 mm bjelke (fig. 4), begge 60 cm lange. Trebjelkene ble lagt opp på et underlag av stålbjelker og belastet som vist med en hastighet på ca. 10 kp pr. sekund. Vertikal forskyvning mellom de to tre-



Fig. 1, Vekseljern

Fig. 2. Vinkeljern



Fig. 3. Stikkspikring

Fig. 4. Prøvestykke

bjelkene ble målt med to induktive givere og kontinuerlig registrert på en x-y skriver.

De tre vekseltypene ble prøvet ved tre ulike fuktighetsforhold i bjelkene:

- 1. Vekslingene montert og prøvet med ca. 14% fuktinnhold i bjelkene.
- 2. Vekslingene montert og prøvet med ca. 21,5% fuktinnhold i bjelkene.
- 3. Vekslingene montert med ca. 21,5% fuktinnhold i bjelkene, men prøvet etter at bjelkene var tørket ut til ca. 10,5% fuktinnhold.

For hver type veksling og fuktforhold i bjelkene ble det bare prøvebelastet 3 like prøvestykker slik at forsøkene nærmest må betraktes som orienterende. Samtlige prøvestykker hadde også to monteringsstift av dimensjon 38/125 slått inn i endeveden.

Forsøksresultater

Forsøksresultatene er vist i tabellen som følger vedlagt. Som uttrykk for vekslingenes stivhet er valgt målt vertikal last på vekslingen når det vertikale spranget mellom de to bjelkene kom opp i 0,5 mm. I tabellene heretter er middeltallene for målt bruddlast og målt last ved forskyvning 0,5 mm vist.

Type veksling		Målt bruddlast	Last ved 0,5 mm forskyvning	
Montert og	Vekseljern	2220 kp	535 kp	
14% fuktinn-	Vinkeljern	1510 kp	640 kp	
hold i bjelkene	Stikkspikring	1200 kp	485 kp	
Montert og prøvet ved 21,5% fuktinn- hold i bjelkene	Vekseljern	1800 kp	395 kp	
	Vinkeljern	1530 kp	835 kp	
	Stikkspikring	930 kp	405 kp	
Montert ved 21,5% og prøvet ved 10,5% fuktinn- hold i bjelkene	Vekseljern	1800 kp	340 kp	
	Vinkeljern	1410 kp	525 kp	
	Stikkspikring	750 kp	325 kp	

Som tabellen viser ble de høyeste bruddlaster målt for vekseljern ved alle fuktforhold i bjelkene, mens vinkeljernene ga den stiveste forbindelsen. Resultatene for vinkeljern montert og prøvet på fuktige bjelker synes å stemme dårlig med de andre måleresultater, dette skyldes kvist i to av prøvestykkene. Man ser ellers at stikkspikring ikke gir særlig mykere forbindelse enn vekseljern, og lasten målt ved 0,5 mm forskyvning er ved alle prøver mindre enn målt bruddlast dividert med 2,25 som benyttes som sikkerhetsfaktor i Norsk Standard for prøvning av trekonstruksjoner. Tillatt belastning ved tørt trevirke blir etter Norsk Standard's tabell for langtids-tverrbelastning på stift 225 kp for vinkeljernene og 270 kp for stikkspikringen. Disse laster ligger godt under de målte laster ved 0,5 mm forskyvning.

Opptredende laster på vekslinger

I trebjelkelag i bolighus vil ikke lengden på stikkbjelker (fig. 5) bli mer enn ca. 4 meter ved bjelkeavstand 60 cm. Det vil si, at maksimal belast-



Prøve nummer	Kondisjo- nering av prøvene	Fuktinn- hold i bjelkene ved prøv- ning	Last på veksling ved 0,5 mm vertikal forskyvning	Last på veksling ved 1mm vertikal forskyvning	Last på veksling ved brudd	Deforma- sjon ved brudd	Type av brudd
A-65-1 2 3	65% R.F. ved	13,2% 13,6% 13,9%	700 kp 510 kp 400 kp	1020 kp 810 kp 690 kp	2100 kp 2400 kp 2150 kp	5,6 mm 11,3 mm 8,7 mm	s s
B-65-4	ing	14,1%	690 kp	1000 kp	1530 kp	3,3 mm	S
5	og	13,5%	650 kp	935 kp	1500 kp	5,1 mm	U
6	prøvning	14,0%	585 kp	845 kp	1500 kp	5,4 mm	U
C-65-7		14,1%	465 kp	640 kp	1300 kp	7,9 mm	S
8		14,1%	480 kp	615 kp	1110 kp	5,4 mm	S
9		13,9%	505 kp	705 kp	1200 kp	4,3 mm	S
A-90-10 11 12	90% R.F. ved monter- ing	21,6% 20,7% 21,4%	350 kp 395 kp 445 kp	675 kp 810 kp 760 kp	1670 kp 1680 kp 2050 kp	3,7 mm 4,7 mm 4,7 mm	S S S
B-90-13 14 15	og prøvning	21,7% 21,1% 21,7%	590 kp 1100 kp 810 kp	855 kp 1365 kp 1165 kp	1450 kp 1590 kp 1560 kp	5,1 mm 2,5 mm 2,8 mm	U U U
C-90-16		22,0%	340 kp	480 kp	900 kp	4,4 mm	S
17		22,0%	485 kp	645 kp	1000 kp	3,2 mm	S
18		22,0%	390 kp	520 kp	890 kp	4,6 mm	S
A-35-19 20 21	90% R.F. ved monter- ing	10,8% 11,0% 10,9%	350 kp 370 kp 300 kp	645 kp 625 kp 530 kp	2000 kp 1840 kp 1550 kp	7,5 mm 5,5 mm 4,1 mm	S S S
B-35-22	35% R.F.	10,7%	500 kp	780 kp	1570 kp	5,5 mm	U
23		10,7%	575 kp	845 kp	1300 kp	3,7 mm	U
24		10,9%	500 kp	770 kp	1350 kp	4,7 mm	U
C-35-25	prøvning	10,4%	335 kp	525 kp	640 kp	1,5 mm	S
26		10,6%	250 kp	460 kp	690 kp	1,9 mm	S
27		10,8%	395 kp	585 kp	910 kp	2,4 mm	S

Prøvning af vekslinger ved vertikal korttidslast. Notat: Prøve nummer: A = vekseljern, B = vinkeljern, C = stikkspikring Resultater, avlest last/deformasjonskurver. Type av brudd: S = horisontal sprekk i stikkbjelke U = uttrekk av stift

ning på hver stikkbjelkeende blir $210 \cdot \frac{4 \cdot 0,6}{2}$ kp. = 250 kp. Samme last får man også ved feste av vekselbjelke til sidebjelker, når det ikke er flere enn to stikkbjelker, som festes til vekselbjelken.

De største utvekslingene i trebjelkelag får man ved trappegjennomføringer. Her føres 3 eller 4 bjelker inn på en vekselbjelke, og med 4 stikkbjelker blir maksimal last på feste av vekselbjelke til sidebjelke $2 \cdot 250$ kp = 500 kp. Vinkeljern festet med stift 28/75, 6 stk. i hver vange, har tillatt last 450 kp beregnet etter Norsk Standard. Forsøkene med vinkeljern og stift 20/50 i en vange viste, at disse vekslingene ved last 500 kp får mindre forskyvning enn 0,5 mm og sikkerhet mod brud større enn 2,25.

Konklusjon

Selv med grunnlag i såpass få prøver som er gjort bør det kunne trekkes følgende konklusjon:

Samtlige stikkbjelker i trebjelkelag kan festes tilfredsstillende til vekselbjelken med stikkspikring, 6 stk. stift 34/100. Likeledes kan vekselbjelker stikkspikres til sidebjelkene, når det er maksimalt to stikkbjelker i vekslingen. Dette har vesentlig betydning for tidforbruket ved utførelse av trebjelkelag. Ved større utvekslinger, f.eks. gjennomføring av trapp, kan vekselbjelken festes med vekseljern eller vinkeljern. Her vil vinkeljern gi den stiveste forbindelsen, samtidig som disse er raskest å montere.